

## De rechte van Euler

### 1 maximumscore 3

- De straal  $r$  van  $c$  is  $\sqrt{\left(0-\frac{1}{2}\right)^2 + \left(4-\frac{1}{2}\right)^2}$  1

- Hieruit volgt  $r = \sqrt{\frac{25}{2}}$  (of  $r^2 = \frac{25}{2}$ ) (of een gelijkwaardige uitdrukking) 1

- Een vergelijking van  $c$  is  $\left(x-\frac{1}{2}\right)^2 + \left(y-\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{25}{2}$  1

of

- Een vergelijking van  $c$  is  $\left(x-\frac{1}{2}\right)^2 + \left(y-\frac{1}{2}\right)^2 = r^2$  1

- Invullen van de coördinaten van  $A$  geeft  $\frac{1}{4} + \frac{49}{4} = r^2$  1

- Dus een vergelijking van  $c$  is  $\left(x-\frac{1}{2}\right)^2 + \left(y-\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{25}{2}$  1

### 2 maximumscore 5

- De coördinaten van  $P$  zijn  $\left(\frac{-3+0}{2}, \frac{0+4}{2}\right) = \left(-\frac{3}{2}, 2\right)$  1

- $l$  heeft richtingscoëfficiënt  $\left(\frac{0-2}{4-(-\frac{3}{2})}\right) = -\frac{4}{11}$  (dus  $l$  heeft een vergelijking van de vorm  $y = -\frac{4}{11}x + b$ ) 1

- Invullen van de coördinaten van  $C(4, 0)$  in  $y = -\frac{4}{11}x + b$  geeft  $b = \frac{16}{11}$  (dus een vergelijking van  $l$  is  $y = -\frac{4}{11}x + \frac{16}{11}$ ) 1

- Uit  $-\frac{4}{11}x + \frac{16}{11} = \frac{2}{5}x + \frac{6}{5}$  volgt  $x = \frac{1}{3}$  (dus de  $x$ -coördinaat van  $S$  is  $\frac{1}{3}$ ) 1

- Dit geeft  $y = \frac{2}{5} \cdot \frac{1}{3} + \frac{6}{5} = \frac{4}{3}$  (dus de  $y$ -coördinaat van  $S$  is  $\frac{4}{3}$ ) 1

of

- De coördinaten van  $P$  zijn  $\left(\frac{-3+0}{2}, \frac{0+4}{2}\right) = \left(-\frac{3}{2}, 2\right)$  1

- $l$  heeft richtingscoëfficiënt  $\left(\frac{0-2}{4-(-\frac{3}{2})}\right) = -\frac{4}{11}$  (dus  $l$  heeft een vergelijking van de vorm  $y = -\frac{4}{11}x + b$ ) 1

- Invullen van de coördinaten van  $C(4, 0)$  in  $y = -\frac{4}{11}x + b$  geeft  $b = \frac{16}{11}$  (dus een vergelijking van  $l$  is  $y = -\frac{4}{11}x + \frac{16}{11}$ ) 1

- $-\frac{4}{11} \cdot \frac{1}{3} + \frac{16}{11} = -\frac{4}{33} + \frac{48}{33} = \frac{44}{33} = \frac{4}{3}$  (dus  $S$  ligt op  $l$ ) 1

- $\frac{2}{5} \cdot \frac{1}{3} + \frac{6}{5} = \frac{2}{15} + \frac{18}{15} = \frac{20}{15} = \frac{4}{3}$  (dus  $S$  ligt op  $k$ ) 1

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

**3 maximumscore 7**

- De lijn door  $A$  en  $B$  heeft richtingscoëfficiënt  $\frac{4}{3}$  1
  - De richtingscoëfficiënt van  $n$  is  $(\frac{-1}{4} =) -\frac{3}{4}$  (dus  $n$  heeft een vergelijking van de vorm  $y = -\frac{3}{4}x + b$ ) 1
  - Invullen van de coördinaten van  $C(4, 0)$  in  $y = -\frac{3}{4}x + b$  geeft  $b = 3$  1
  - Dus de coördinaten van  $T$  zijn  $(0, 3)$  1
  - Een vergelijking van de lijn door twee van de drie punten  $M$ ,  $S$  en  $T$  is  $y = -5x + 3$  2
  - Het controleren dat het derde punt op deze lijn ligt (dus  $M$ ,  $S$  en  $T$  liggen op één lijn) 1
- of
- De lijn door  $A$  en  $B$  heeft richtingscoëfficiënt  $\frac{4}{3}$  1
  - De richtingscoëfficiënt van  $n$  is  $(\frac{-1}{4} =) -\frac{3}{4}$  (dus  $n$  heeft een vergelijking van de vorm  $y = -\frac{3}{4}x + b$ ) 1
  - Invullen van de coördinaten van  $C(4, 0)$  in  $y = -\frac{3}{4}x + b$  geeft  $b = 3$  1
  - Dus de coördinaten van  $T$  zijn  $(0, 3)$  1
  - De richtingscoëfficiënt van de lijn door twee van de drie punten  $M$ ,  $S$  en  $T$  is  $-5$  1
  - De richtingscoëfficiënt van de lijn door twee, maar niet dezelfde twee, van de punten  $M$ ,  $S$  en  $T$  is  $-5$  1
  - De richtingscoëfficiënten van deze twee lijnen zijn gelijk en deze twee lijnen hebben een punt gemeenschappelijk, dus deze lijnen vallen samen (dus  $M$ ,  $S$  en  $T$  liggen op één lijn) 1